

Документ подписан простой электронной подписью

Информация о владельце:

ФИО: Заболотни Галина Ивановна

Должность: Директор филиала

Дата подписания: 31.01.2025 14:01:23

Уникальный программный ключ:

476db7d4accb36ef8130172be235477473d63457266ce26b7e9e40f733b8b08

МИНОБРНАУКИ РОССИИ

федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования

«Самарский государственный технический университет»
(ФГБОУ ВО «СамГТУ»)

САМАРСКИЙ
ПОЛИТЕХ

Опорный университет



УТВЕРЖДАЮ»

Ректор СамГТУ

Д.Е. Быков

2025 г.

ПРОГРАММА

вступительного испытания по математике в профессиональной сфере
для всех направлений подготовки (специальностей)

Самара 2025

Составитель программы:

Доцент, к.ф.-м.н., доцент		Небогина Е.В.
(должность, степень, ученое звание)	(подпись)	(ФИО)

ОСНОВНЫЕ МАТЕМАТИЧЕСКИЕ ПОНЯТИЯ И ФАКТЫ

Арифметика, алгебра и начала анализа.

Натуральные числа (N). Простые и составные числа. Делитель, кратное. Наибольший общий делитель, наименьшее общее кратное.

Признаки делимости на 2, 3, 5, 9, 10.

Целые числа (Z). Рациональные числа (Q), их сложение, вычитание, умножение и деление. Сравнение рациональных чисел. Действительные числа (R), их представление в виде десятичных дробей. Изображение чисел на прямой. Модуль действительного числа, его геометрический смысл.

Числовые выражения. Выражения с переменными. Формулы сокращённого умножения.

Степень с натуральным и рациональным показателем. Арифметический корень.

Логарифмы, их свойства.

Одночлен и многочлен. Многочлен с одной переменной. Корень многочлена на примере квадратного трёхчлена.

Понятие функции. Способы задания функции. Область определения и множество значений функции. График функции. Возрастание и убывание функции; периодичность, чётность, нечётность. Достаточное условие возрастания (убывания) функции на промежутке. Понятие экстремума. Необходимое условие экстремума функции (теорема Ферма). Достаточное условие экстремума. Наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке.

Определение и основные свойства функций: линейной $y=kx+b$, квадратичной $y=ax^2+bx+c$, степенной $y=ax^n$ ($n \in N$), $y=k/x$, показательной $y=a^x$, $a>0$, логарифмической, тригонометрических ($y=\sin x$, $y=\cos x$, $y=\operatorname{tg} x$, $y=\operatorname{ctg} x$), арифметического корня $y=\sqrt[n]{x}$.

Уравнение. Корни уравнения. Понятие равносильных уравнений.

Неравенства. Решения неравенства. Понятие равносильных неравенств.

Система уравнений и неравенств. Решения системы.

Арифметическая и геометрическая прогрессии. Формула n -го члена и суммы первых n членов арифметической прогрессии. Формула n -го члена и суммы первых n членов геометрической прогрессии.

Формулы синуса и косинуса суммы и разности двух аргументов. Преобразование в произведение сумм $\sin \alpha \pm \sin \beta$, $\cos \alpha \pm \cos \beta$.

Определение производной. Её физический и геометрический смысл. Производные функций $y=\sin x$, $y=\cos x$, $y=\operatorname{tg} x$, $y=a^x$, $y=ax^n$ ($n \in N$), $y=\ln x$.

Геометрия.

Прямая, луч, отрезок, ломаная; длина отрезка. Угол, величина угла. Вертикальные и смежные углы. Окружность, круг. Параллельные прямые.

Примеры преобразования фигур, виды симметрий. Преобразование подобия и его свойства.

Векторы. Операции над векторами.

Многоугольник, его вершины, стороны и диагонали. Треугольник. Его медиана, биссектриса и высота. Виды треугольников. Соотношения между сторонами и углами прямоугольного треугольника. Четырёхугольник: параллелограмм, прямоугольник, ромб, квадрат, трапеция.

Окружность и круг. Центр, хорда, диаметр, радиус, касательная к окружности. Дуга окружности. Сектор. Центральные и вписанные углы.

Формулы площади треугольника, прямоугольника, параллелограмма, ромба, квадрата, трапеции.

Длина окружности и длина дуги окружности. Радианная мера угла. Площадь круга и площадь сектора.

Подобие. Подобные фигуры. Отношение площадей подобных фигур.

Плоскость. Параллельные и пересекающиеся плоскости. Параллельность прямой и

плоскости. Угол прямой с плоскостью. Перпендикуляр к плоскости.

Двугранные углы. Линейный угол двугранного угла. Перпендикулярность двух плоскостей.

Многогранники. Их вершины, грани и диагонали. Прямая и наклонная призмы; пирамиды. Правильная призма и правильная пирамида. Параллелепипеды, их виды.

Фигуры вращения: цилиндр, конус, сфера, шар. Центр, диаметр, радиус сферы шара. Плоскость, касательная к сфере.

Формула площади поверхности и объёма призмы.

Формула площади поверхности и объёма пирамиды.

Формула площади поверхности и объёма цилиндра.

Формула площади поверхности и объёма конуса.

Формула объёма шара.

Формула площади сферы.

ОСНОВНЫЕ ФОРМУЛЫ И ТЕОРЕМЫ

Алгебра и начала анализа

Свойства функций $y=kx+b$, $y=k/x$, $y=ax^2+bx+c$ и их графики.

Свойства корней квадратного трёхчлена. Разложение квадратного трёхчлена на линейные множители.

Свойства числовых неравенств.

Логарифм произведения, степени и частного.

Определение и свойства функций $y=\sin x$, $y=\cos x$, $y=\operatorname{tg} x$, $y=\operatorname{ctg} x$ и их графики.

Решение уравнений вида $\sin x=a$, $\cos x=a$, $\operatorname{tg} x=a$.

Формулы приведения. Зависимости между тригонометрическими функциями одного и того же аргумента. Тригонометрические функции двойного аргумента. Произведения и суммы двух тригонометрических функций.

Геометрия

Свойства равнобедренного треугольника.

Свойства точек, равноудалённых от концов отрезка.

Признаки параллельности прямых.

Сумма углов треугольника. Сумма внешних углов выпуклого многоугольника.

Признаки параллелограмма, его свойства.

Окружность, описанная около треугольника. Окружность, вписанная в треугольник.

Касательная к окружности и её свойства. Величина угла, вписанного в окружность.

Признаки подобия треугольника.

Теорема Пифагора.

Формулы площадей параллелограмма, треугольника, трапеции.

Формула расстояния между двумя точками плоскости. Уравнение окружности.

Признак параллельности прямой и плоскости. Признак параллельности плоскостей.

Теорема о перпендикулярности прямой и плоскости. Перпендикулярность двух плоскостей.

Теоремы о параллельности и перпендикулярности плоскостей.

Теорема о трёх перпендикулярах.

СТРУКТУРА БИЛЕТА И КРИТЕРИИ ОЦЕНКИ

Вступительное испытание оценивается по 100-балльной шкале. Минимальное количество баллов для получения оценки «зачтено» - 40.

Часть А состоит из 15 заданий, за каждое правильно выполненное – 4 балла. Максимальное количество баллов за часть А – 60.

Часть В состоит из 4 заданий, за каждое правильно выполненное – 5 баллов. Максимальное количество баллов за часть В – 20.

Часть С состоит из 2 заданий, за каждое правильно выполненное – 10 баллов. Максимальное количество баллов за часть С – 20.

ОБРАЗЕЦ ЭКЗАМЕНАЦИОННОГО ЗАДАНИЯ

Часть А. Отметьте номер правильного ответа в области ответов А		Варианты ответов				
№	Задания	1	2	3	4	5
A1	Вычислите: $\sqrt[3]{32} / 2^{\frac{2}{3}}$.	3	2	1	8	4
A2	Вычислите: $\left(\sqrt{5} - \frac{1}{\sqrt{5}}\right)^2$.	3,2	3	5	2	1,2
A3	$f(x) = x^2 - 3x + 5$. Найдите значение функции $f(2)$.	–3	1	3	2	–2
A4	Решите уравнение: $3(x - 2) = 5x - 12$.	7	–6	–2	6	3
A5	Решите уравнение: $2^{7x-2} = 32$.	0	–0,5	0,5	–1	1
A6	Найдите произведение корней уравнения $x^2 - 2x - 3 = 0$.	9	–3	4	3	–4
A7	Найдите решение уравнения $\log_{\sqrt[3]{7}}(8x + 1) = 6$.	$\lg 3$	10	$\sqrt[3]{10}$	3	6
A8	Укажите наименьшее число из множества значений функции $y = \sin x - 3$.	–2	0	–4	1	2
A9	Вычислите: $\sin 270^\circ + 4 \sin 150^\circ$.	0	1	0,5	2	–1
A10	Найдите значение производной функции $y = \cos x + 5x^3 + 3x - 3$ при $x = 0$	0	2	–3	4	3
A11	Найдите значение выражения $8^{\log_8 \frac{1}{2}} \cdot \log_2 16$.	2	4	1	5	9
A12	Найдите корень уравнения $\sin\left(x - \frac{\pi}{3}\right) = \frac{1}{2}$, принадлежащий отрезку $\left[\frac{\pi}{4}; \frac{3\pi}{4}\right]$.	$\frac{\pi}{3}$	$\frac{\pi}{4}$	$\frac{\pi}{2}$	$\frac{2\pi}{3}$	$\frac{3\pi}{4}$
A13	Укажите наименьшее целое число из области определения функции $y = 5 - \log_2(4x - 3)$.	1	0	–13	–1	8
A14	Найдите угловой коэффициент касательной, проведенной к графику функции $y = x^2 - 3x + 2$ в точке с абсциссой $x_0 = 2$.	3	–3	1	–1	2
A15	Найдите площадь прямоугольного треугольника, если его катеты равны 4 и 5.	15	20	35	10	50
Часть В. Напишите ответ в области ответов В						
B1	Упростите выражение $\frac{x\sqrt{x} + 27}{x - 3\sqrt{x} + 9} - \sqrt{x}$.					
B2	Найдите сумму корней уравнения $\log_{\sqrt{3}} x^2 = \log_{\sqrt{3}}(9x - 20)$.					

B3	Собрали 140 кг грибов, влажность которых составляла 98%. После подсушивания их влажность снизилась до 93%. Какова стала масса грибов после подсушивания?
B4	Найдите наименьшее значение функции $g(x) = \log_{0,5}(2 - x^2)$.
Часть С. Напишите решение в области ответов С	
C1	Определите число корней уравнения $\operatorname{tg} x \cdot \cos 5x + \sin 5x = \sin 6x$ на отрезке $\left[\frac{\pi}{3}; \frac{5\pi}{3}\right]$.
C2	В основании пирамиды лежит прямоугольный треугольник с катетами, равными 12 и 5. Все боковые грани наклонены к плоскости основания под углом 45° . Найдите объем пирамиды.

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

Основная литература:

1. Алгебра и начала математического анализа 10 класс. В 2 ч. Ч. 1. Учебник для учащихся общеобразовательных учреждений (профильный уровень)/ А. Г. Мордкович, П.В.Семенов - М.: Мнемозина 2014 г.;
2. Алгебра и начала математического анализа 10 класс. В 2 ч. Ч. 1.Задачник для учащихся общеобразовательных учреждений (профильный уровень)/ А. Г. Мордкович, П.В.Семенов - М.: Мнемозина 2014 г.;
3. Алгебра и начала математического анализа 11 класс. В 2 ч. Ч. 1. Учебник для учащихся общеобразовательных учреждений (профильный уровень)/ А. Г. Мордкович, П.В.Семенов - М.: Мнемозина 2014 г.;
4. Алгебра и начала математического анализа 11 класс. В 2 ч. Ч. 2. Задачник для учащихся общеобразовательных учреждений (профильный уровень)/ А. Г. Мордкович, П.В.Семенов - М.: Мнемозина 2014 г.;
5. Учебник. Геометрия, 10-11: учеб. для общеобразоват. учреждений : базовый и профил. уровни / [Л.С.Атанасян, В.Ф.Бутузов, С.Б.Кадомцев и др.]. – 17-е изд. – М.: Просвещение, 2014.

Дополнительная литература:

1. Алгебра и начала анализа. 10 класс (профильный уровень): методическое пособие для учителя. А.Г.Мордкович, П.В.Семенов. М.: Мнемозина, 2011г.
2. Алгебра и начала анализа. 11 класс (профильный уровень): методическое пособие для учителя. А.Г.Мордкович, П.В.Семенов. М.: Мнемозина, 2011г.
3. Алгебра и начала математического анализа. 10 класс. Самостоятельная работы для учащихся общеобразовательных учреждений. Л.А.Александрова; под редакцией А.Г.Мордковича. М.: Мнемозина, 2011
4. Алгебра и начала математического анализа. 11 класс. Самостоятельная работы для учащихся общеобразовательных учреждений. Л.А.Александрова; под редакцией А.Г.Мордковича. М.: Мнемозина, 2011
5. Контрольные и самостоятельные работы по алгебре.10 класс: к учебнику А.Г.Мордковича «Алгебра и начала анализа. 10-11 классы/ М.А.Попов. М: Издательство «Экзамен», 2011
6. Контрольные и самостоятельные работы по алгебре.11 класс: к учебнику А.Г.Мордковича «Алгебра и начала анализа. 10-11 классы/ М.А.Попов. М: Издательство «Экзамен», 2011
7. Задачи с параметрами. Координатно-параметрический метод: учебное пособие/ В.П.Моденов. – М.: Издательство «Экзамен», 2006.
8. Математика.9-11 классы: решение заданий ЕГЭ высокой степени сложности: основные методы и приемы/ авт.сост.М.А.Кунауков. Волгоград: Учитель, 2010
9. Геометрия. Дидактические материалы. 11 класс: базовый и профил. уровни / Б.Г.Зив. – 12-е изд. – М.: Просвещение, 2012.